

## SOLUCIONS

1. a)  $\mathbb{R}$   
b)  $\mathbb{R}$   
c)  $\mathbb{R} - \{ 5 \}$   
d)  $\mathbb{R} - \{ \frac{8}{5} \}$   
e)  $\mathbb{R} - \{ 4, 0 \}$   
f)  $\mathbb{R} - \{ 0, 2, 3 \}$   
g)  $\mathbb{R} - \{ 0, 2 \}$   
h)  $\mathbb{R}$   
i)  $[-6, +\infty)$   
j)  $[4, +\infty)$   
k)  $(-\infty, -2] \cup [2, +\infty)$   
l)  $(-\infty, 2] \cup [3, +\infty)$   
m)  $(-\infty, -4) \cup (-4, 2] \cup [3, +\infty)$   
n)  $(-\infty, 2) \cup (3, +\infty)$   
o)  $(-4, 2) \cup (3, +\infty)$   
p)  $[-4, 2) \cup (3, +\infty)$   
q)  $\mathbb{R}$   
r)  $(-\infty, -3) \cup (3, +\infty)$   
s)  $(-\infty, -3) \cup (4, +\infty)$
2. a) Discontinuïtat evitable en  $x = 2$   
b) Discontinuïtat de salt en  $x = 2$   
c) Assímpota vertical en  $x = 3$
3. a)  $\text{Dom} = \mathbb{R}$   
 $\text{Im} = \mathbb{R}$   
Punts de tall amb els eixos:  $(0, 0)$   
No té simetria  
Contínua  
Creixent en tot el domini  
Cònvava:  $(0, 0.5) \cup (1, +\infty)$   
Convexa:  $(-\infty, 0) \cup (0.5, 1)$   
Punts d'inflexió:  $(0.5, 0.5), (1, 1)$

- b)  $\text{Dom} = \mathbb{R}$   
 $\text{Im} = \mathbb{R}$   
Punts de tall amb els eixos:  $(0, 0), (-4, 0), (3, 0), (0, 5)$   
No té simetria  
Contínua  
Creixent:  $(-\infty, -2) \cup (2, +\infty)$   
Decreixent:  $(-2, 2)$   
Màxim relatiu:  $((-2, 18))$   
Mínim relatiu:  $(2, -6)$   
Cònvava:  $(0, +\infty)$   
Convexa:  $(-\infty, 0)$   
Punts d'inflexió:  $(0, 5)$

c)  $\text{Dom} = \mathbb{R} - \{-2, 2\}$   
 $\text{Im} = \mathbb{R}$   
 Punts de tall amb els eixos:  $(1, 0), (0, 0.3)$   
 No té simetria  
 Assímpota vertical en  $x = -2$  i  $x = 2$   
 Decreixent en tot el seu domini  
 Cònvava:  $(-2, 1) \cup (2, +\infty)$   
 Convexa:  $(-\infty, -2) \cup (1, 2)$   
 Punts d'inflexió:  $(1, 0)$

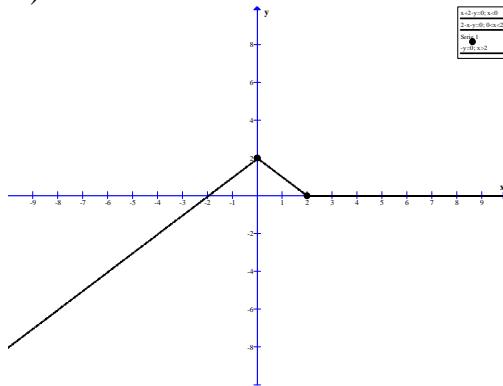
d)  $\text{Dom} = \mathbb{R} - \{0, 3\}$   
 $\text{Im} = (-\infty, -1.5) \cup (0, +\infty)$   
 Punts de tall amb els eixos: no hi ha  
 No té simetria  
 Assímpota vertical en  $x = 0$  i  $x = 3$   
 Creixent:  $(-\infty, 0) \cup (0, 1.5)$   
 Decreixent:  $(1.5, 3) \cup (3, +\infty)$   
 Màxim relatiu:  $(1.5, -1.5)$   
 Cònvava:  $(-\infty, 0) \cup (3, +\infty)$   
 Convexa:  $(0, 3)$

e)  $\text{Dom} = \mathbb{R} - \{-1, 1\}$   
 $\text{Im} = \mathbb{R}$   
 Punts de tall amb els eixos:  $(0, 0)$   
 Simetria senar  
 Assímpota vertical en  $x = -1$  i  $x = 1$   
 Creixent:  $(-\infty, -1) \cup (1, +\infty)$   
 Decreixent:  $(-1, 1)$   
 Cònvava:  $(-\infty, -1) \cup (1, 0)$   
 Convexa:  $(-1, 1)$

4. a)  $(g \circ f)(x) = \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 - 3x + 1}$   
 b)  $(f \circ g)(x) = \frac{-x + 2}{x^2 - 2x + 1}$   
 c)  $(f \circ f)(x) = x^4 - 6x^3 + 10x^2 - 3x$   
 d)  $(g \circ g)(x) = x$

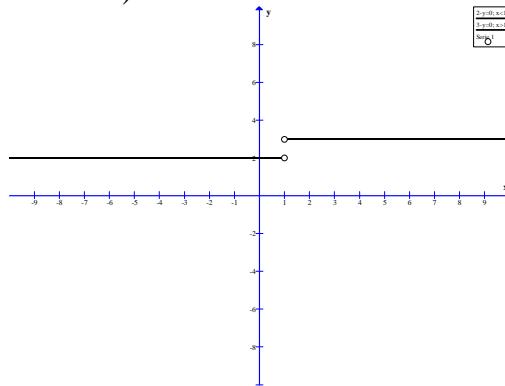
5. a)  $y = \frac{x}{x-1}$   
 b)  $y = \frac{1+x}{2x-2}$   
 c)  $y = \sqrt{x^2 - 1}$   
 d)  $y = \ln x - 3$   
 e)  $y = \frac{2 \lg_a x + 2}{1 - \lg_a x}$   
 f)  $y = \frac{1+e^x}{e^x - 1}$

6. a)



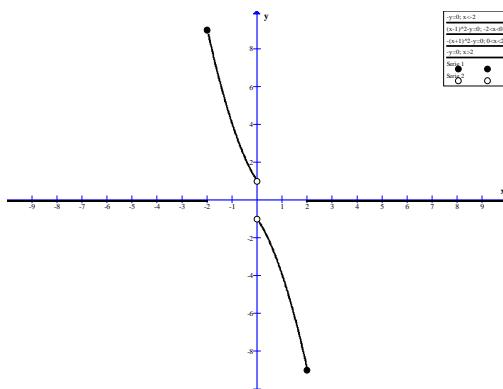
Contínua

b)



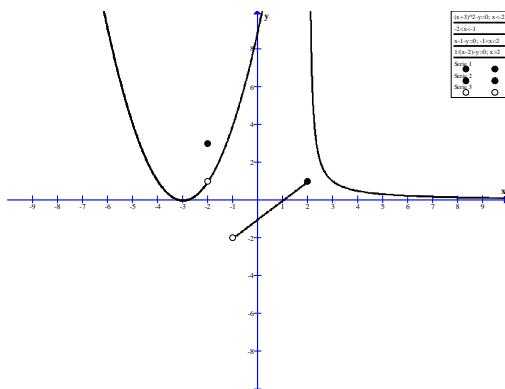
Discontinuïtat de salt en  $x = 1$

c)



Discontinuïtat de salt en  $x = -2$ ,  
 $x = 0$ ,  $x = 2$

d)



Discontinuïtat evitable en  $x = -2$   
D. de salt de 1a espècie en  $x = -1$   
D. de salt de 2ona espècie en  $x = 2$

6. a)

$$y = \begin{cases} -x & \text{si } x < 0 \\ 1 & \text{si } x = 0 \\ x & \text{si } 0 < x < 2 \\ 1 & \text{si } x \geq 2 \end{cases}$$

b)

$$y = \begin{cases} x^2 & \text{si } x < 2 \\ 1 & \text{si } x \geq 2 \end{cases}$$

7. a)

$$y = \begin{cases} -x - 5 & \text{si } x < -5 \\ x + 5 & \text{si } x \geq -5 \end{cases}$$

b)

$$y = \begin{cases} x^2 - 3x + 2 & \text{si } x \leq 1 \\ -x^2 + 3x - 2 & \text{si } 1 < x < 2 \\ x^2 - 3x + 2 & \text{si } x \geq 2 \end{cases}$$

c)

$$y = \begin{cases} x + 5 & \text{si } x < -2 \\ 1 - x & \text{si } x \geq -2 \end{cases}$$