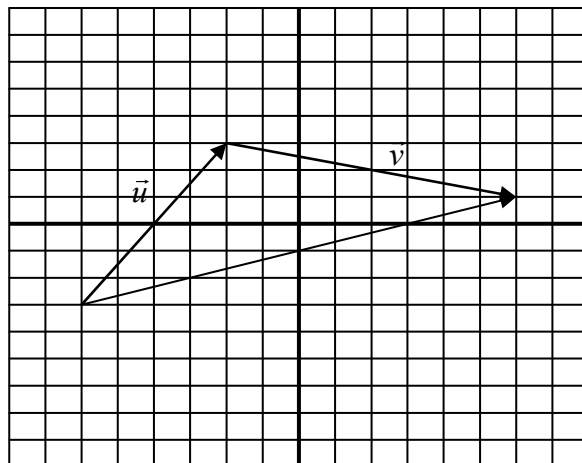


TEMA 4 : Geometria analítica al pla. Vectors

Activitats

- Donats els punts $A(2,1)$, $B(6,5)$, i $C(-1,4)$:
 - Representa els vectors \overrightarrow{AB} i \overrightarrow{CA} i estudia totes les seves característiques
 - Calcula les coordenades del vector \overrightarrow{AB} , i \overrightarrow{BA} . Tenen la mateixa direcció? I el mateix sentit?
- Donat el vector $\vec{v} = (1, -2)$
 - Representa gràficament
 - Determina mòdul, direcció i sentit
- Calcula les coordenades del punt D perquè els vectors \overrightarrow{AB} i \overrightarrow{CD} siguin equipolents, si $A = (-1,2)$, $B = (0,-2)$ i $C = (1,4)$.
- Calcula les coordenades del punt C perquè els vectors \overrightarrow{AB} i \overrightarrow{CD} siguin equipolents, si $A = (-5,-1)$, $B = (4,-4)$ i $D = (7,1)$.
- Donats els vectors $\vec{u} = (1,2)$, $\vec{v} = (5,3)$, $\vec{w} = (1,-1)$, $\vec{s} = (-1,-2)$, realitza les operacions que s'indiquen a continuació:
 - $\vec{u} + \vec{s} + \vec{w}$
 - $\vec{s} - \vec{u} + \vec{v}$
 - $3\vec{v} + 2\vec{w}$
 - $2\vec{s} - \vec{w}$
- Donats els vectors que es mostren en la gràfica contesta:



- Quines coordenades tenen els vectors \vec{u} i \vec{v} .
- Quina operació representa el gràfic.
- Representa de dues maneres diferents el vector $\vec{w} = (-1, -3)$
- Si $\vec{s} = (-1, -2)$ representa gràficament la combinació lineal $2\vec{w} + 3\vec{s}$.

5. Escriu el vector $(-1,1)$ com a combinació lineal dels vectors $(0,2)$ i el $(1,3)$.
6. Expressa el vector $\vec{v} = (5,-2)$ com a combinació lineal de $\vec{u} = (3,-3)$ i $\vec{w} = (1,-4)$
7. Trobeu dos vectors que siguin combinació lineal dels vectors $\vec{u} (2, -1)$ i $\vec{v} (4, -3)$.
8. Comproveu que el vector $\vec{w} (- 3, 5)$ es combinació lineal dels vectors $\vec{u} (- 1, 4)$ i $\vec{v} (2, 3)$
9. Trobeu dos vectors linealment dependents de $\vec{v} (4, -3)$.
10. Determineu quins dels següents parells de vectors són linealment independents i formen base. Justifiqueu la resposta.
 - a) $\vec{u} = (- 2, 5)$ i $\vec{v} = (4, 10)$
 - b) $\vec{u} = (1, 3)$ i $\vec{v} = (4, 6)$
 - c) $\vec{u} = (- 1, 2)$ i $\vec{v} = (\frac{1}{2}, 2)$
 - d) $\vec{u} = (6, 7)$ i $\vec{v} = (4, \frac{14}{3})$
11. Determineu si els vectors $\vec{u} = (-1,0)$ i $\vec{v} = (2,-3)$ formen una base. Si és així, calculeu les coordenades de $\vec{w} = (3,-3)$ respecte aquesta base
10. Els punts A $(2, 3)$, C $(-3, 5)$ i D $(7, -4)$ són vèrtexs del paral·lelogram ABCD. Calculeu les coordenades del vèrtex B.
11. A $(2, 3)$ i B $(6, -1)$ són dos punts del pla. Busqueu les coordenades del punt mitjà del segment AB.
12. El punt P $(5, -2)$ és el punt mitjà del segment AB . Si A $(2, 3)$ trobeu B.
13. Calculeu les coordenades dels punts M i N que divideixen el segment d'extremes A $(-8, 2)$ i B $(1, - 4)$ en tres parts iguals.
14. Determineu si els punts A $(3, 1)$, B $(5, 2)$ i C $(1,0)$ estan alineats.
15. Determineu a perquè els punts A $(-3,5)$, B $(2,1)$ i C $(6, a)$ estiguin alineats.
16. Calculeu el producte escalar $\vec{a} \cdot \vec{b}$ en els casos següents:
 - a) $|\vec{a}| = 5$; $|\vec{b}| = 3$ i $\vec{a} \wedge \vec{b} = 60^\circ$
 - b) $|\vec{a}| = 9$; $|\vec{b}| = 1$ i $\vec{a} \wedge \vec{b} = 135^\circ$
 - c) Quan val el producte escalar d'un vector \vec{u} per si mateix, es a dir, com es calcularà \vec{u}^2
17. Calculeu m de manera que el producte escalar de $\vec{a} (4, -3)$ i $\vec{b} (m, 2)$ sigui 4.

18. Donats els vectors $\vec{u} (1, 2)$ i $\vec{v} (3, 4)$ calculeu:

- a) $\vec{u} \cdot \vec{v}$
- b) $\cos(\vec{u} \wedge \vec{v})$
- c) $\vec{u} \wedge \vec{v}$

19. Donats els vectors $\vec{u} (3, -4)$ i $\vec{v} (5, 6)$, calculeu

- a) $|\vec{u}|, |\vec{v}|$
- b) $\vec{u} \wedge \vec{v}$
- c) Un vector amb la direcció i el sentit de \vec{u} que sigui unitari
- d) \vec{u} i \vec{v} són perpendiculars? Raoneu la resposta, en cas contrari busqueu un vector perpendicular a \vec{u}

20. Donat el vector $\vec{v} (-5, n)$ calculeu n de manera que:

- a) \vec{v} sigui ortogonal a $\vec{u} (3, -6)$
- b) $|\vec{v}| = 3$

21. Trobeu les coordenades d'un vector $\vec{v} (x, y)$, ortogonal a $\vec{u} (3, 4)$ i que mesuri el doble que \vec{u} .

22. Donats els vectors $\vec{a} (2, 1)$ i $\vec{b} (6, 2)$ trobeu un vector \vec{v} tal que $\vec{v} \cdot \vec{a} = 1$ i $\vec{v} \perp \vec{b}$.

23. Essent $\vec{u} (5, -b)$ i $\vec{v} (a, 2)$ trobeu a i b sabent que \vec{u} i \vec{v} són ortogonals i que $|\vec{v}| = \sqrt{13}$.

24. Calculeu els angles del paral·lelogram ABCD amb $A = (-4, 4)$, $B = (4, 5)$ i $D = (-5, -2)$

25. D'un rombe ABCD coneixem les coordenades de tres vèrtex A és l'origen de coordenades, B (4, 1) i D (1, 4).

- a) Calculeu les coordenades del quart vèrtex C.
- b) Comproveu analíticament que les diagonals són perpendiculars i que tallen en el seu punt mitjà